



# Hydraulics

3<sup>rd</sup> Year civil

First Term (2009 - 2010)

Chapter ( )

2009 - 2010

بسم الله الرحمن الرحيم

Ch(5)

## Velocity Distribution

يصم هذا الفصل بدراسة شكل توزيع السرعات داخل القنوات المكشوفة والعوامل المؤثرة عليه وكذلك المعادلات التي تحكمه

### Factors affecting velocity distribution:

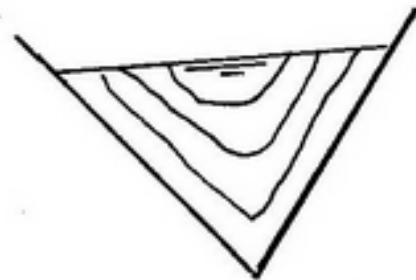
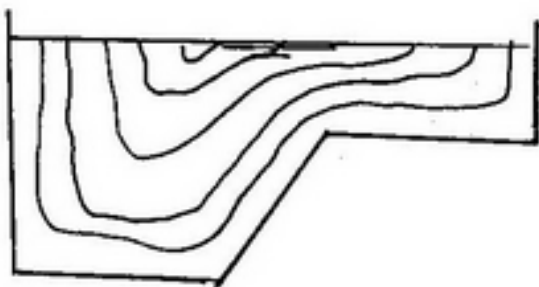
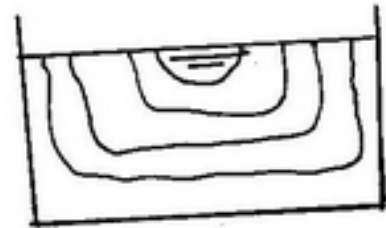
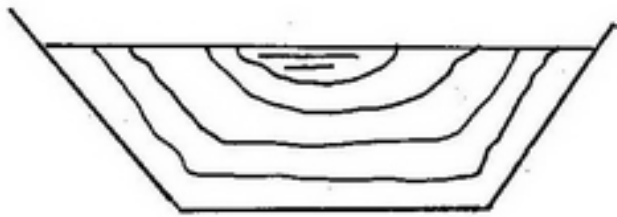
العوامل المؤثرة على شكل توزيع السرعات:

- 1 - boundary Configuration . : خصائص حدود المقطاع
- 2 - Roughness of boundary . : خشونة الحدود
- 3 - The discharge . : التفريغ المقطاع
- 4 - Nature of Fluid . : طبيعة المائع المقناه
- 5 - obistractions in canal . : المعوقات بالجري المائي

Isovels :

it is an imaginary lines passed through the points that have the same value of velocity.

هو عبارة عن مجموعة من الخطوط الوهمية التي تربط بين النقاط المتساوية في السرعة داخل الجرى.



ملاحظه

خطوط (isovels) لا يدت بين تقاطع

Velocity distribution equations:Uniform Laminar Flow:

$$U = \frac{g \cdot S}{2\nu} (yy_0 - y^2/2)$$

حيث:  $U$ : قيمة السرعة عند أي عمق ( $y$ )

$g$ : مجلة الجاذبية المرحية.

$S$ : ميل قاع القناة.

$\nu$ : Kinematic viscosity

$y$ : عمق الماء عند النقطة المراد حساب السرعة عندها

$y_0$ : العمق الكلي للماء في الجرى لاني.

Uniform turbulent flow:

$$\frac{U}{U_*} = 5.75 \log \left( \frac{9 \cdot y \cdot U_*}{\nu} \right) \quad (\text{Smooth bed})$$

$$\frac{U}{U_*} = 5.75 \log \left( \frac{30y}{K} \right) \quad (\text{Rough bed})$$

$$U_* = \sqrt{g \cdot R \cdot S} = \sqrt{\frac{\tau}{\rho}}$$

Shear velocity :  $U_*$   $\therefore$  سرعة القص

shear velocity :

it is the max. velocity take place in section, before the particle in the Canal start to move

سرعة أقصى

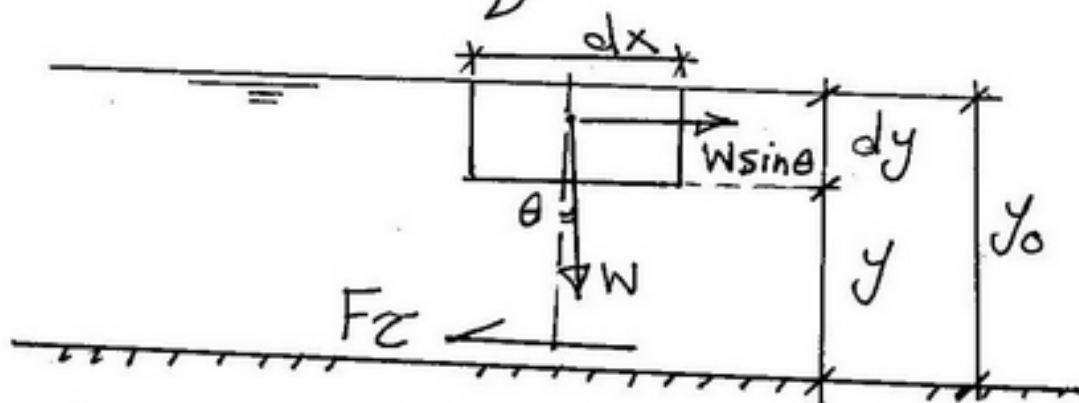
هو أقصى سرعة تحدث داخل المجرى  
المائي قبل أن تبدأ حبيبات التربة داخل  
المجرى في الحركة مع السريان .

$K$  : Van Karman Const. = 0.4 (clear)  
= 0.2 (sediments)



Prove that the velocity profile in open channel may be written in the form of

$$u = \frac{g \cdot S}{\nu} \left( y y_0 - \frac{y_0^2}{2} \right)$$



From stability

$$W \sin \theta = F_z$$

For  $\theta$  is very small

$$\therefore \theta = \sin \theta = \tan \theta = S$$

$$\therefore W = \gamma \cdot dx \cdot dy \cdot dz \quad (1)$$

$$F_z = \mu \times \frac{dv}{dy} \times A_{\text{shear}}$$

$$F_z = \mu \times \frac{du}{dy} \times dx \cdot dz \rightarrow (2)$$

From ①, ②

$$\tau \cdot \delta \cdot dx \cdot dy \cdot dz = \mu \times \frac{du}{dy} \cdot dx \cdot dz$$

$$\delta \cdot S \cdot dy = \mu \cdot \frac{du}{dy}$$

$$\therefore \frac{du}{dy} = \frac{\delta \cdot S}{\mu} dy$$

$$\frac{du}{dy} = \frac{\delta \cdot S}{\mu} (y_0 - y)$$

$$\int du = \frac{\delta \cdot S}{\mu} \int (y_0 - y) dy$$

$$u = \frac{\delta \cdot S}{\mu} (y_0 y - \frac{y^2}{2}) + C$$

$$\text{For } y=0, \quad u=0 \Rightarrow C=0$$

$$\therefore u = \frac{\delta \cdot S}{\mu} (y_0 y - \frac{y^2}{2})$$

$$\because \mu = \rho \cdot \nu, \quad \delta = \rho \cdot g$$

$$u = \frac{g \cdot S}{\nu} (y_0 y - \frac{y^2}{2}) \quad \#$$

Ch(6):Boundary shear in open channelأهمية دال  $\rightarrow$  Shear :

- ١- دال  $\rightarrow$  اتزان القطاعات المائية .
- ٢- معرفة الميول المناسبة لجوانب القنوات .
- ٣- تقليل مقاومة القطاع مائي .
- ٤- دال  $\rightarrow$  الانواع المختلفة للتطبيق

Tractive Force : قوة السحب

Due to movement of water in open channel  
it exerts a force in the direction of flow  
this force is known as (tractive force)

نتيجة حركه الماء داخل الجرى مائي تنبج منظر قوه  
تؤثر مع اتجاه السريان تعرف هذه القوه بقوه السحب  
وقوه قوه تحاول سحب جسيمات الزبده معها



Permissible tractive force:

it is the tractive force that can not cause any movement of particle

هو قوه السحب داخل الجري لهاي ولا تسبب اى حركه كبيبات الزبه في القطاع .

Critical tractive force:

it is the tractive force at which the particles start to move with flow.

هو قوه السحب التي تبدأ عندها حبيبات الزبه في حركه مع اتجاه السريان

Critical shear stress : ( $\tau_{cr}$ )

هو قويه اجهاد القص والذي تبدأ عنده حبيبات الزبه في الحركه مع اتجاه السريان .

ولفهمنا ان اتران المقطاع لهاى يجب ان تكون فيه  
اجداد القن الناتج من حركة اسريان بالمجرى لهاى  
سواء على جوانب المقطاع او على قاع المجرى لهاى  
اقل من فيه اجداد القن الذى يسبب حركة كسبات  
الزبد .

ويمكن ايجاد فيه  $(\tau_{cr})$  كالآتى

$$\tau_{cr} = 0.50 \text{ (in cm)}$$

مثال اذا كان قطر حبيبه الزبد  $3 \text{ mm} = 0.50$   
هذا معناه ان هذه الحبيبه يمكنها تحمل اجداد  
قن قيمته  $0.3 \text{ kg/m}^2$  قبل ان تبدأ  
فى حركه .

$$\tau_{cr} = 0.4 d_{25} \text{ (in cm)}$$

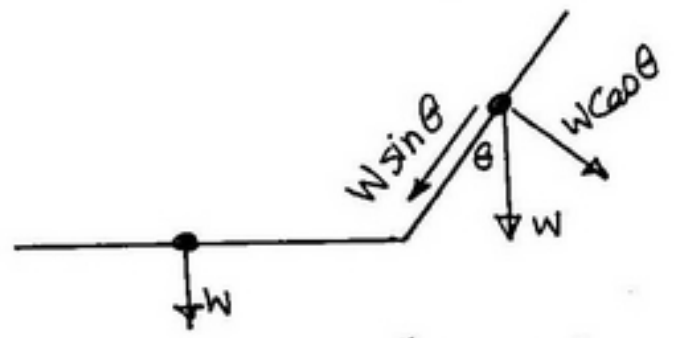
$$1.2 \text{ cm} = 12 \text{ mm} = d_{25}$$

$$\tau_{cr} = 0.4 \times 1.2 = 0.48 \text{ kg/m}^2$$

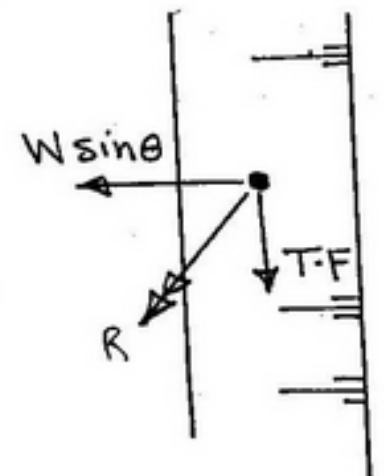
Tractive force distributionFor particle on side:

$$\therefore T.F = \tau_s \times a$$

$$R = \sqrt{W^2 \sin^2 \theta + (T.F)^2}$$



$$R = \sqrt{W^2 \sin^2 \theta + \tau_s^2 \cdot a^2} \quad (1)$$



$$R = W \cos \theta \cdot \mu$$

$$R = W \cos \theta \cdot \tan \phi \quad (2)$$

for (1) = (2)

$$W \cos \theta \cdot \tan \phi = \sqrt{W^2 \sin^2 \theta + \tau_s^2 \cdot a^2}$$

$$\therefore W^2 \cos^2 \theta \cdot \tan^2 \phi = W^2 \sin^2 \theta + \tau_s^2 \cdot a^2$$

$$\tau_s^2 \cdot a^2 = W^2 \cos^2 \theta \tan^2 \phi - W^2 \sin^2 \theta$$

$$\tau_{s'}^2 = \frac{W^2}{a^2} [\cos^2 \theta \tan^2 \phi - \sin^2 \theta]$$

بأن  $\cos^2 \theta \tan^2 \phi$  عامل مترادف

$$\tau_{s'} = \frac{W^2}{a^2} \cos^2 \theta \tan^2 \phi \left( 1 - \frac{\sin^2 \theta}{\cos^2 \theta \cdot \tan^2 \phi} \right)$$

$$\tau_{s'} = \frac{W^2 \cos^2 \theta \tan^2 \phi}{a^2} \left( 1 - \frac{\tan^2 \theta}{\tan^2 \phi} \right)$$

$$\tau_{s'} = \frac{W}{a} \cos \theta \tan \phi \sqrt{1 - \frac{\tan^2 \theta}{\tan^2 \phi}}$$

For particle on bed:

$$\theta = 0$$

$$\tau_b = \frac{W}{a} \tan \phi$$

حيث

$\theta$  : زاوية ميل جانب إقتناه .

$\phi$  : زاوية ميل الصيحي للزبد .

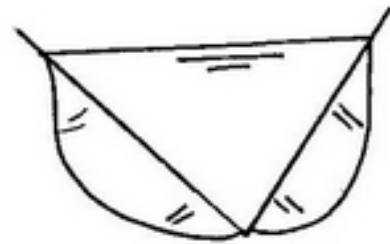
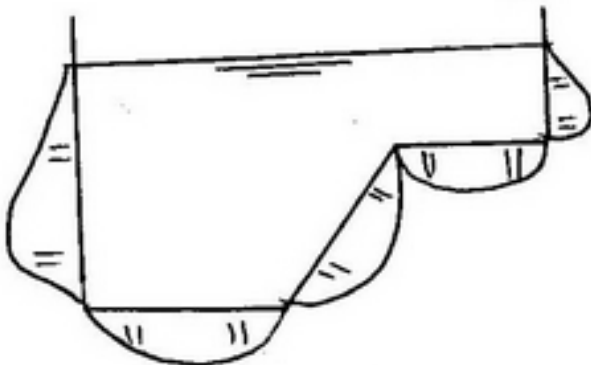
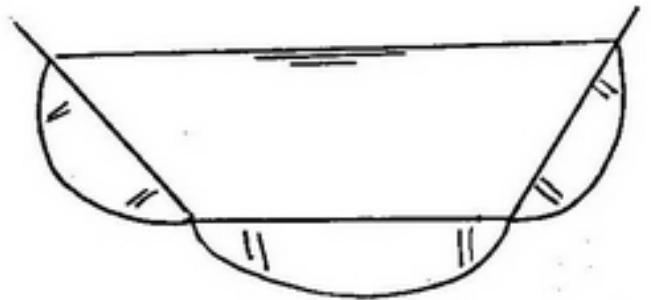
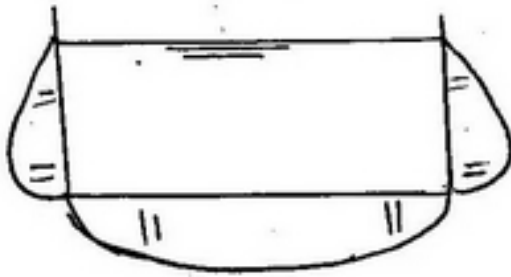
$a$  : مساحة المقطع للعنق .

$W$  : الوزن المتوزع على الجانب أو المقاع .

Tractive force ratio: (K)

هذه النسبة بين مجهول القعر المكون على جانبي  
القناة إلى مجهول القعر المكون على قاع القناة

$$K = \frac{\tau_s}{\tau_b} = \cos \theta \sqrt{1 - \frac{\tan^2 \theta}{\tan^2 \phi}}$$



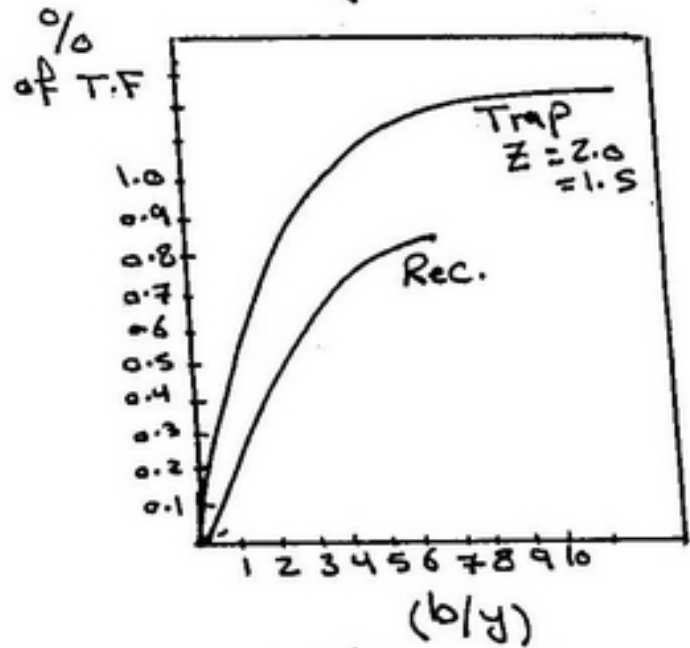


## How to find shear stress:

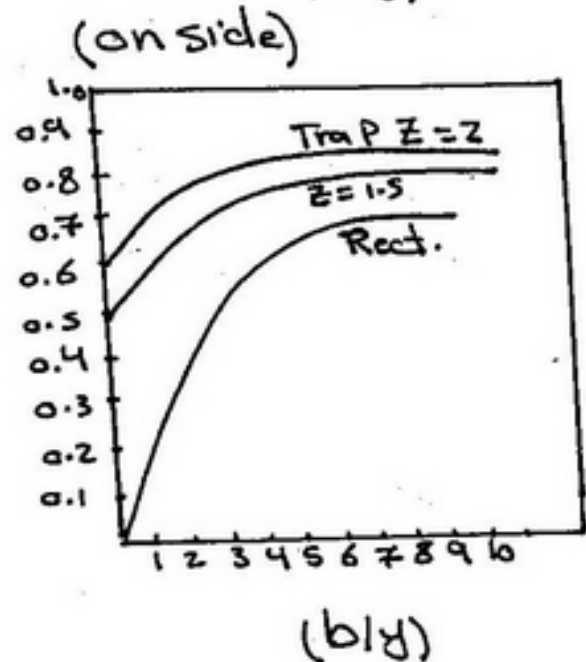
(on bed)

$$\tau_0 = 8.49.S$$

مع المخفض ومعلومه  $b/y$   
 ونوع المقطاع وحقل على  
 نسبة  $\tau_b$  مع  $\tau_0$



مع المخفض ومعلومه  $b/y$   
 ونوع المقطاع وحقل على  
 النسبة بين  $\tau_{side}$   
 و  $\tau_0$  اقلية

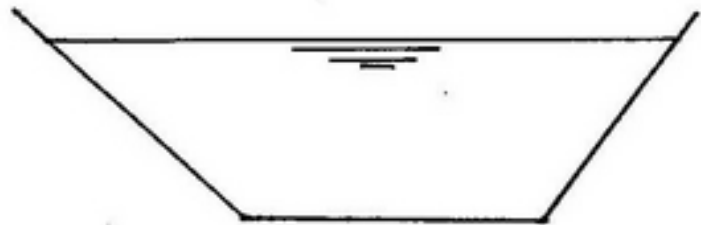


Special Case :

for trapezoidal  
sec. of

$$b = 4y$$

$$Z = 1.5$$



$$\tau_{s'} = 0.75 \tau_0 = 0.75 \delta \cdot y \cdot S'$$

$$\tau_b = 0.97 \tau_0 = 0.97 \delta \cdot y \cdot S'$$